利用二維兩滴譜儀研究兩滴譜特性

林位總 陳台琦

國立中央大學大氣物理研究所

(中華民國九十五年九月十八日收稿;中華民國九十六年三月二十六日定稿)

摘 要

雨滴粒徑分佈可以決定雲中含水量(W)、回波強度(Z)、降雨率(R)等積分降雨參數,因此分析雨滴 粒徑分佈(Drop Size Distribution, DSD)的特性十分重要。本篇文章以 2001 及 2002 兩年二維雨滴譜儀資 料,進行 Gamma 分布計算,進一步也對梅雨季(5、6月)及颱風季(7~9月)分析雨滴譜特性,結 果顯示利用不同的季節,所分析之雨滴譜參數的分布有不同的特徵。另外也進行了正規分布(Normalized Gamma DSD),的分析,有較佳的物理意義描述雨滴個數的多寡及變化。並以降雨率及回波不同等級之 分類,研究雨滴譜之特性及 Z-R 關係式之變異性。研究中也發現,在相同的回波強度(Z)下,其最大降 雨個案以及最小降雨個案在雨滴譜的特性上,有明顯的差異性存在,本文進一步針對同一降水事件分 析其 DSD 分布特性的演變。

關鍵詞:雨滴粒徑分佈、雨滴譜儀、降雨率

一、前 言

近年來,有許多學者致力於雨滴譜的研究, 在Ulbrich et al.(1984)的研究指出在相同的降雨率 下,對流性降雨會有較多的小雨滴,層狀降雨會 有較多的大雨滴;當降雨是由許多終端落速較低 的小雨滴組成時,此時的液態水含量會比在相同 降雨率下,擁有較大雨滴落速的大雨滴的降雨來 的高,而回波強度卻會較低。

Tokay and Short (1996)指出,由於雨滴粒徑分 布在不同的降水型態,會有偏向大雨滴或小雨滴 不同情形的發生,因此相同的回波強度會對應到 不同的降雨率,Tokay and Short(1996)指出對流性 降雨以及層狀降雨在雨滴譜的特性上有所差異, 由雨滴譜儀資料所得到的 Z-R 關係式 Z=AR^b,在 熱帶西太平洋對流性降雨有較低的 intercept(A)値 和較高的 exponent(b)値,其中 logA 與 b 為 logZ-logR 對數圖之截距與斜率,而層狀降雨則相 反;另外在 Huggel et al.(1996)也提到對流性降雨 的雨滴個數會較層狀降雨多。

而在張(2002)利用納莉(Nari)颱風期間 12 小時的資料做分析,發現當降雨率增大時,雨滴粒徑分布會向大雨滴延伸,小雨滴的部分也會增加,而降雨率減小時則有相反的情形;而且利用五分山雷達觀測之回波強度 Z_{radar}與雨滴譜儀計算之回波強度 Z_d比較,發現五分山雷達觀測之回波強度 Z_{radar} 似乎會系統性的低估約 3.0 dBZ。

偏極化雷達的觀測對於雨滴大小、形狀及生 成能有清楚的描述,而且可以提供雨滴粒徑分布 和降雨率的資訊。Zhang(2001)假設雨滴粒徑分布 為 Gamma 分布 $N(D) = N_0 D^{\mu} \exp(-\Lambda D)$,而其三 個控制參數可由偏極化雷達觀測所得之 Z_{HH} (reflectivity)、 Z_{DR} (differential reflectivity)及由雨 滴譜儀觀測推導之 μ - Λ 關係式反演,發現所求得 之 N_0 、 Λ 、 μ 有許多特徵:較大(較小)的 μ 對 應較窄(寬廣)的雨滴粒徑分布;較大(較小) 的 Λ 對應到較小(較大)的中値體積直徑(Median Volume Diameter)和較窄(較寬廣)的雨滴粒徑分 布,而其中値體積直徑的估計比指數型態分布中 値體積直徑的估計會較佳。

因此本論文將以前人的研究為基礎,針對 2001 及 2002 年的雨滴譜儀資料,進行平均特性 以及變異性的分析討論。

二、分析方法

(一) Gamma 粒徑分佈

Ulbrich and Atlas (1983)提出的 Gamma 雨滴 粒徑分布型態可用公式(1)表示,

$$N(D) = N_0 D^{\mu} \exp(-\Lambda D) \tag{1}$$

此式中 N(D)代表單位體積、單位粒徑(介於 D 與 D+dD)中粒子個數, N_0 為與粒子濃度相關的參 數, μ 通常稱為 shape factor,此參數可以控制小 粒徑粒子的個數變化, Λ 稱為 size factor,則控制 大粒徑粒子個數的變化。經由 Kozu and Nakamura(1991)的方法,可將觀測的雨滴粒徑分 布 $N(D)_d$ 擬合到 Gamma 分布,可以求得 Gamma 分布參數 μ (無因次)、 Λ (mm^{-1})、 $N_0(mm^{-1-m}m^{-3})$,其表示式分別為(4)、(5)、(6) 式,再將雨滴譜儀資料帶入(2)式~(6)式,則可計 算 Gamma 分布參數 、 $\Lambda \gtrsim N_0$ 。

$$M_x = \int_0^\infty D^x N(D) dD \tag{2}$$

$$G = \frac{M_4^3}{M_3^2 M_6}$$
(3)

九十六年三月 林位總

$$m = \frac{11G - 8 + [G(G+8)]^{1/2}}{2(1-G)}$$
(4)

$$\Lambda = \frac{(\mu+4) M_3}{M_3} \tag{5}$$

$$N_0 = \frac{A^{m+4}M_3}{\Gamma(\mu+4)}$$
(6)

為了方便以後的討論,另外定義一個參數: 中値體積直徑 D₀ (Median Volume Diameter),其代 表最小的雨滴到中値體積直徑的所有雨滴,其所 含有的液態水含量,會相等最小到最大所有雨滴 所含的液態水含量的一半,其數學式可以表示成 (7)式,

$$\int_{D_{\min}}^{D_0} D^3 N(D) dD = \frac{1}{2} \int_{D_{\min}}^{D_{\max}} D^3 N(D) dD$$
(7)

其意義代表當降雨量相同時,D₀較大代表雨滴粒 徑分布相對於小D₀有較多的大雨滴,D₀較小表 示雨滴粒徑分布相對於大D₀有較多的小雨滴。

接著我們可以利用 Gamma 分布來計算各種 降雨積分參數,如回波強度(Z)、液態水含量(W) 或降雨率(R)等,如將(1)式帶入(8)式,取 P=3 可 計算液態水含量 Wg,取 P=6 則可計算回波強度 Zg (Gamma 分布之回波強度),如取 P=3.67 則可 計算降雨率 Rg(Gamma 分布之降雨率)

$$P = a_p \int_0^\infty D^p N(D)_d \, dD \tag{8}$$

,在(1)式的假設下,經過積分可得到如(9)、(10) 式內含 Gamma 函數($\Gamma(x) = \int_0^{\infty} t^{x-1}e^{-t}dt$)非常簡潔 的結果,也就是說如果雨滴譜擬合為 Gamma 分 佈三參數,則可直接取得回波強度 Wg, Zg 及降 雨率 Rg,並且可以直接得到一個 Z-R 公式 ($Z = AR^b$)的係數 A、b,分別為(12)、(13)式。 此部分方程式可參考 Bringi and Chandrasekar (2001)。

$$W_g = 10^{-3} \frac{\pi}{6} \frac{\rho_w N_0 \Gamma(\mu + 4)}{(3.67 + \mu)^{\mu + 4}} D_0^{\mu + 4}$$
(9)

$$Z_g = 10^6 \frac{\Gamma(6+\mu+1)}{(3.67+\mu)^{6+\mu+1}} N_0 D_0^{6+\mu+1}$$
(10)

$$R_g = 33.31 \frac{\Gamma(3.67 + \mu + 1)}{(3.67 + \mu)^{3.67 + \mu + 1}} N_0 D_0^{3.67 + \mu + 1}$$
(11)

$$A = \frac{10^{6} \Gamma(6 + \mu + 1) N_{0}^{1-b}}{[33.31 \Gamma(3.67 + \mu + 1)]^{b}}$$
(12)

$$b = \frac{6+\mu+1}{3.67+\mu+1} \tag{13}$$

(二) 正規化 Gamma 分布(Normalized Gamma DSD)

在之前介紹的 Gamma DSD 分析方法中,由 於 Gamma 參數 N_0 的單位與另一參數 μ 有關,其 單位為 $mm^{-1-\mu}m^{-3}$,因此需要在 μ 相同的條件 下, N_0 才有辦法討論,因此使用 N_0 來描述雨滴 粒徑分布較不具有物理意義。因此透過 Bringi and Chandrasekar (2001) 提出的方法,將(1)式將粒徑 D 除以中值體積粒徑,變成無因次粒徑(D/D₀), 並從 Gamma 分布帶入 D₀的定義(7)式求積分,可 推導到 μ (無因次)、A (mm^{-1})、D₀(mm)之間的 約束關係(14)式,帶入(1)式後,可進一步化簡爲 (15)式,

$$\Lambda D_0 = 3.67 + \mu \tag{14}$$

$$N(D) = N_0 D^{\mu} \exp\left[-(3.67 + \mu)\frac{D}{D_0}\right]$$
(15)

而 normalized N(D)則可以表示成一個由 N_w 、 $f(\mu)$ 組成的 N(D),如(16)式,Willis (1984)。

$$N(D) = N_{w} f(\mu) \left(\frac{D}{D_{0}}\right)^{\mu} \exp\left[-(3.67 + \mu)\frac{D}{D_{0}}\right]$$

(16)

其中正規化參數 N_w ($mm^{-1}m^{-3}$)可寫爲(17)式,

$$N_{w} = \frac{(3.67)^{4}}{\pi \rho_{w}} \left(\frac{10^{3} W}{D_{0}^{4}}\right)$$
(17)

從 (14) 式 到 (21) 式 可 參 考 Bringi and Chandrasekar (2001)。

N_w的作用與 Gamma 參數 N₀類似,同為控 制雨滴個數的參數,但 N_w的單位較 N₀ 簡單,不 會受參數 μ 的影響,因此較具物理意義,此參數 代表粒子濃度,與液態水含量成正比,也就是說 粒子濃度越高,液態水含量越大,但與中值粒徑 成反比,中值粒徑越小個數越多,濃度越高。

 $f(\mu)$ 為無因次 shape factor μ 參數的函數

$$f(\mu) = \frac{6}{(3.67)^4} \frac{(3.67 + \mu)^{\mu+4}}{\Gamma(\mu+4)}$$
(18)

再以正規化 Gamma 分布代入降雨率 R 及回強度 Z,最後可以得到另一種形式的 Z-R 公式,如(20) 或(21)式,

$$\frac{Z}{N_w} = a \left(\frac{R}{N_w}\right)^b \tag{20}$$

$$Z = a \left(N_w \right)^{1-b} R^b \tag{21}$$

公式中的 a 值為參數 μ 的函數, 但隨 μ 值變化不大,約4.25,而係數 b 也為一常數,約為7/4.67 =1.5,因此(21)式中的 aN_w^{1-b} ,可以說是參數 N_w 的變化。而從(17)式中,可以看出參數 N_w 主要受 到液態水含量 W 及中值體積直徑 D_0 的影響,因此,在相同的液態水含量下, D_0 值越小,則參數 N_w 值會越大,接著將 N_w 帶入(21)式中,由於a與 b 值均為常數,而 1-b 為負值,因此在相同的 回波強度下, N_w 值越大,所估算之降雨率也會 越大。用這樣形式表出來的 Z-R 公式已包含 DSD 的變異,物理意義也較清楚。

三、結果分析

接著針對 2001 及 2002 年,中央大學二維雨 滴譜儀兩年的資料進行分析。

(一) 年不分季 Gamma 參數分析

圖1為降雨率 R 與回波強度 Z 的分布圖,圖 中每一個點為每六分鐘所得的雨滴譜資料求出之 Z 與 R 的值所繪之分佈圖,本文中所有雨滴譜資 料均為六分鐘一筆的結果。圖一顯示在相同的回 波強度 Z 下,可以對應到很多不同的降雨率 R, 而在相同的降雨率 R 下,亦可對應到很多不同的 回波強度 Z,而在強回波時,所對應到的降雨率 分布範圍很寬,差距可以很大,在弱回波時,所 對應到的降雨率分布範圍較強回波時小,差距較 小,因此 Z-R 公式是相當具有多變性的,也因為 如此,使用單一的 Z-R 公式估計降雨,會產生一 定的誤差,而回波強度越大, 誤差也越大。圖2 爲降雨率 R 與 Gamma 參數 μ、A 的分布圖,圖



圖 1 兩年不分季之 R-Z 分布圖。



圖 2 兩年不分季節的 R-μ(上圖)及 R-Λ(下圖) 散布圖。



圖 3 兩年不分季節的 Z-μ(上圖)及 Z-Λ(下圖) 散布圖。



圖4 兩年不分季節的 D0-R 散布圖:正方形
-Z>45dBZ、三角形-40< Z<45dBZ、圓形
-35<Z<40dBZ、汊汊-Z<35dBZ。

中在降雨率小於 5 mm hr⁻¹時, μ 跟 Λ 的分布範 圍很廣,隨著降雨率變大, μ 跟 Λ 的值會逐漸變 小,而較有一致性。圖 3 為回波強度 Z 與 Gamma 參數 μ 、 Λ 的分布圖,相對於 R 對 μ 跟 Λ 的描 述,回波強度的描述情況不佳,一致性較差,因 此在雨滴譜參數分布的描述上,使用降雨率會較 回波強度佳。

圖 4 為兩年不分季節的 D_{0} -R 散布圖,縱軸為降雨率 R (mm hr⁻¹),橫軸為中値體積直徑 D_{0} (mm),圖中可以看出 D_{0} 隨著回波強度增大,有隨之增大的情形,但在降雨率較大時(R>60 mm hr⁻¹,紅色圓圈), D_{0} 値反而會變小而且十分集中,約為 1.7mm 此現象十分有趣,但形成的原因須更深入的探討。

(二) 梅雨季與颱風季 Gamma 參數之比較

為了探討在不同降雨機制下的雨滴粒徑分布 特徵,本研究將上述兩年的雨滴譜儀資料,分為 梅雨季(5、6月)與颱風季(7、8、9月)做分 析,圖5為梅雨季(上圖)及颱風季(下圖)的 R-μ 散布圖,縱軸為μ,橫軸為降雨率 R (mm hr⁻¹),圖6為梅雨季(上圖)及颱風季(下圖)



圖 5 為梅雨季(上圖)及颱風季(下圖)的 R-μ 散布圖



圖 6 為梅雨季(上圖)及颱風季(下圖)的 R-Λ 散布圖。

的 R-A 散布圖,縱軸為 A (mm^{-1}) ,橫軸為 R $(mm hr^{-1})$,從圖中可以發現,梅雨季及颱風季與兩年 不分季的 R-µ及 R-A 分布情況相似,在降雨率小 於 5 mm hr⁻¹時,其µ跟 A 的分布相當廣,梅雨 季 A 的極值較颱風季大,大約 30 mm^{-1} ,颱風季 A 極值大約 25 mm^{-1} ,而µ跟 A 均隨著降雨率增 大有減小的趨勢,逐漸趨於一致。

大氣科學

從梅雨季與颱風季的參數分布圖中,發現梅 雨季與颱風季參數分布的型態整體上相當類似, 但是在較大的降雨率時,其 Gamma 參數會存在 些許的差異。而在圖 7 中,可以看到無論在颱風 季或是梅雨季在降雨率大於 60 mm hr⁻¹時,A 値 有一個突然減小的情況,但颱風季的資料筆數會 較梅雨季多,這個情形可以在表一及表二顯現出 來,每個降雨率區間中,均有一組平均後的 Z-R



圖 7 梅雨季(上圖)及颱風季(下圖)的 R-A 散 布圖。

表一 梅雨季依降雨率分級之 Z-R 關係式。

$R (mm hr^{-1})$	А	b	N(筆)
0~10	266.6	1.2259	323
10~30	297.3	1.2596	53
30~60	280.2	1.3519	11
60以上	259.1	1.4101	2

表二 颱風季依降雨率分級之 Z-R 關係式。

$R (mm hr^{-1})$	А	b	N(筆)
0~10	294.8	1.2669	347
10~30	287.1	1.2940	127
30~60	262.9	1.3386	39
60以上	164.5	1.4178	3

關係式,從表中可以看出在強降雨及強回波時, 颱風季的 A 值均有明顯減小的情形,梅雨季則較 不明顯,此原因可能與當時的雨滴粒徑分布有 關,將在稍後討論,而 b 值均隨著降雨率及回波 強度的增強而變大。但由於大於 60 mm hr⁻¹的樣 本數非常少,統計的意義較薄弱,誤差較大,所 以應該在未來蒐集更多大雨資料進行同樣的分 析,可以有比較確認的結果。

(三)Normalized Gamma DSD 的參數特性

在前面的介紹中, 曾經提及 Gamma 參數 N_0 的單位與 Gamma 參數 μ 有關, 為 $mm^{-1-\mu}m^{-3}$, 因此想要討論 N_0 的特徵, 必須在 μ 相同的條件 下,才有辦法討論,因此在使用上比較不方便, 也較不具物理意義。在 2.4 節中所介紹的 Normalized Gamma DSD 分析方法中,所得到的 參數 N_w ,單位為 $mm^{-1}m^{-3}$,因此在討論上不須 考慮到 μ 的影響,其性質與 N_0 相似,均為控制 雨滴個數多寡的參數。 圖 8 為 N_w 取 log 後與係數 aN_w^{1-b} 的分布圖, 圖中 N_w 的值越大, aN_w^{1-b} 就越小, 再配合(21)式 可以得知, 在相同的回波強度下, N_w 越大,係 數 aN_w^{1-b} 就越小,所求得的降雨率 R 也會越大。

圖9為中值體積直徑 $D_0 與 \log_{10}(N_w)$ 的散布 圖,圖中顯示 $D_0 與 \log_{10}(N_w)$ 的分布很廣,無法 找出一對一的 $D_0 與 \log_{10}(N_w)$ 關係,由於在雨滴 粒徑分布中,通常為小雨滴的雨滴個數會較大雨 滴多,而 N_w 為控制雨滴個數的參數,因此可以 看到圖中小雨滴的部分的 $\log_{10}(N_w)$ 值會較大雨 滴大。

圖 10 為回波強度 Z 與降雨率 R 經過標準化 (normalize)後的分布圖,圖中縱軸與橫軸分別為 回波強度 Z 與降雨率 R 除以參數 N_w,相較於圖



圖 8 係數 $a(N_w)^{1-b}$ 與 $\log_{10}(N_w)$ 的散布圖。



圖 9 中值體積直徑 $D_0 \oplus \log_{10}(N_w)$ 的散布圖。



圖 10 經過 normalize 後的降雨率 R 及回波強度 Z 之分布圖。

1的 Z-R 分布,經過 normalize 後的 Z-R 分布較為一致,而其公式也較為簡化,只與參數 N_w有關。

(四) 雨滴粒徑分布特性

颱風季在強降水(R>60 mm hr⁻¹)時,其 Z-R 公 式中的係數 A 會有突然變小的情形,而在梅雨季 僅有一次這樣的現象,大約在降雨率為 100 mm hr⁻¹時也有同樣的情形,而造成此種情況的原因是 各降雨事件發生時,當時候的雨滴粒徑分布上的 差異所造成的。因此,為了了解在強降雨及強回 波時的雨滴粒徑分布特徵,首先針對 49dBZ 以上 的降雨,分析其雨滴粒徑分布的特性,圖 11 為回 波強度 49dBZ 以上降雨事件之雨滴粒徑分布,縱 軸為 log₁₀(N(D)),橫軸為雨滴直徑 D(mm),圖 中顯示雨滴粒徑分布有兩種型態的分布,一種為 曲線斜率較大,曲線分布較往內(小雨滴)縮, 圖中 A 類(冷色系),另一種情況相反,為曲線 斜率較小,曲線分布較往外(大雨滴)延伸,圖 中 B 類(暖色系)。

而表三為6筆資料之雨滴譜參數,表中 N_w 、 D_0 及A值可以有明顯的差異性。從表中可以看 出在相同的回波強度下,其降雨率R的分布很 廣,雖然A類與B類的回波強度Z相差不遠,但 是明顯的看出A類的降雨率R,會比B類來的 大。而A類與B類在係數A、中值體積直徑 D_0 及 參數 N_w 上也有明顯的差異:A類的係數A值較 B類小,大約300為其臨界值,因此,如果使用 單一的Z-R公式估計降雨,如: $Z = 300R^{1.4}$,在 強降雨時可能會低估,而在弱降雨時可能會高 估;,而A類的 D_0 值也較B類小,表示A類的 降雨率雖然較大,但其雨滴型態受到較小雨滴的 貢獻較大,B類的降雨率雖較小,但其雨滴型態 受到較大雨滴的貢獻較大;至於 N_w ,A類 N_w 值 會比B類大上一個數量級,由於 N_w 為控制雨滴

	事件	dBZ	R	μ	Λ	A	b	D_0	N_w
	梅雨(2001.05.09) 1542UTC	50.4	101.1	0.9	2.57	158.8	1.42	1.778	2.84E+04
A	納莉(2001.09.17) 0224UTC	49.7	88.8	0.691	2.51	152.7	1.43	1.738	2.74E+04
	納莉(2001.09.17) 0230UTC	50.2	93.2	0.48	2.35	147.9	1.45	1.765	2.66E+04
	梅雨(2001.05.09) 1536UTC	50.8	55.8	1.39	2.11	435.2	1.38	2.401	4.03E+03
В	梅雨(2002.05.31) 0510UTC	50.7	62.2	1.13	2.11	359.3	1.40	2.274	5.52E+03
	納莉(2001.09.17) 1510UTC	49.8	48.8	0.61	1.92	340.2	1.44	2.223	4.97E+03

表三 回波強度 49dBZ 以上的降雨事件之雨滴譜參數表。

個數的參數,因此,A類的雨滴個數較B類多, 故可以推論在相同的回波強度下,其降雨率的變 化主要是受到雨滴個數多寡的影響,而雨滴形狀 的大小影響較小。因此,在相同的回波強度下, 曲線斜率大而較往內縮的雨滴粒徑分布,其降雨 率會較曲線斜率小而較往外延伸的雨滴粒徑分布 大。

接著繼續往下針對 25~49dBZ,每 2dBZ 為一 區間,分別取每個區間的最大降雨以及最小降雨 的雨滴粒徑分布,同樣也跟圖 11 情況相似,因 此,透過上述的分析,可以知道在相同的回波強 度 Z 下,在其降雨極值(降雨率最大 A 類及降雨 率最小 B 類)的雨滴粒徑分布,有明顯的差異性。

圖 12 為回波強度 25dBZ 以上 A 類之雨滴粒 徑分布,不同顏色代表不同的回波區間,而圖中 的個案為降雨率由大至小的順序排列,在之前曾 經提到, N_w 值會隨著降雨率增加而變大, m_w 爲控制雨滴個數的參數,因此在圖 12 中也顯示隨 著降雨率的增加,其雨滴個數也有增加的情形; 另外 D。也會隨著降雨率及回波強度的增加而變 大,而圖 12 中也顯示隨著降雨率的增加,其雨滴 粒徑分布也越往外(大雨滴)延伸,亦即其 D_0 值 會隨著降雨率增加而變大。圖 13 為回波強度 25dBZ 以上 B 類之雨滴粒徑分布,不同顏色代表 不同的回波區間, 在圖 13 中亦可看到與圖 12 相 同之情形,雨滴個數會隨著降雨率增加而變大, 雨滴粒徑分布亦會隨著降雨率增加而越往大雨滴 延伸,此外,在之前提到,由於在相同回波強度 下,B類相較於A類,其降雨率會較小,降雨率 主要受雨滴個數多寡影響,因此整體上,B類的 雨滴個數會較 A 類少。

由於在相同回波強度下,最強降雨及最弱降







圖 12 回波強度 25dBZ 以上 A 類的雨滴粒徑分布 (顏色區間代表不同的回波區間)。



圖 13 回波強度 25dBZ 以上 B 類的雨滴粒徑分布 (顏色區間代表不同的回波區間)。

雨其雨滴譜參數,例如係數 A、中值體積直徑 D_0 及參數 N_w 等,均有很大的差異性,因此針對此 情況探討其參數分布情況,圖 14 為 25dBZ 以上



圖 14 回波強度 25dBZ 以上 A 類與 B 類的 R-Z 散布圖。



圖 15 回波強度 25dBZ 以上 A 類與 B 類的 D₀-R 散布圖。



A 類與 B 類的 R-Z 散布圖,橫軸為降雨率 R (mm hr⁻¹),縱軸為回波強度 Z (dBZ),圖 15 為 25dBZ 以上 A 類與 B 類的 D_0 -R 散布圖,橫軸為體積直 徑 D_0 (mm),縱軸為降雨率 R (mm hr⁻¹),圖中正

方形為 A 類,三角形為 B 類,可以看到兩種型態的散布情況有明顯的差異,圖 14 中顯示,在相同的降雨率下,A 類的回波強度較 B 類小,而圖 15中顯示,在相同的降雨率下,A 類的 D_0 會比 B 類小,再由(9)式得知,回波強度與中値體積直徑 D_0 的(7+ μ)次方成正比,而且在上一節有提到,A 類在較小雨滴的雨滴個數較 B 類多,B 類在較大雨滴的個數會較 A 類多,所以可以造成圖 14 的結果,因此大雨滴對於回波強度的貢獻較大,大雨滴越多,其回波強度也越大。

圖 16 為 25dBZ 以上 A 類與 B 類的 D₀ - Z 散 布圖,橫軸為體積直徑 D₀ (mm),縱軸為回波強 度 Z (dBZ),圖中正方形為 A 類,三角形為 B 類, 圖中顯示在相同的回波強度下,A 類的 D₀ 亦會比 B 類小,而在(10)式中,降雨率與中值體積直徑 D₀ 的(4.67+µ)次方成正比,但由圖 14 的結果顯示, 在相同的回波強度下,A 類的降雨率較 B 類大, 因此,相對於回波強度 Z,降雨率 R 受到較大雨 滴的貢獻程度較小,而主要由較小雨滴所控制, 個數越多,降雨率也就越大。至於在其他參數方 面,都有同樣的情形產生,因此,在相同的回波 下,其最大降雨個案及最小降雨個案,其雨滴譜 參數有明顯的不同。

值得注意的是最大降雨率的個案都屬於 D_0 、Z-R關係式之係數A均較小的A類(雨滴 粒徑分布曲線較往內(小雨滴)縮),而較小降雨 率的個案都屬於 D_0 、Z-R關係式之係數A均較 大的B類(雨滴粒徑分布曲線較往外(大雨滴) 延伸),若能進一步探討兩者之間的雲物理機制或 回波分布的特徵,相信有助於雨滴粒徑分布型態 的判定。

另外在 Atlas et al.(1984)的研究指出在相同

的降雨率下,對流性降雨會有較多的小雨滴,層 狀降雨會有較多的大雨滴,而本研究是針對相同 的回波強度之個案進行探討,其中屬於A類的最 大降雨個案會有較多的小雨滴,屬於B類的最小 降雨個案會有較多的大雨滴。在 Huggel et al.(1996)也提到對流性降雨的雨滴個數會較層狀 降雨多;而 Tokay and Short(1996)及 Maki et al.(2001)也指出對流性降雨的 Z-R 關係式之係數 A 較小,層狀降雨之係數 A 較大;而本研究中, 在相同的回波強度下,屬於 A 類的最大降雨率個 案其 N_w值,均比屬於 B 類的最小降雨率個案大 上一個數量級左右,表示最大降雨的雨滴個數會 較最小降雨多,在相同的回波強度下,A 類的 Z-R 關係式係數 A 較小,B 類的係數 A 較大,舉例來



圖 17 2002 年 5 月 31 日梅雨個案 0600-0800UTC 之雨滴譜參數分布(正方形-A 類、三角形-B 類、 線條-梅雨個案)。

說在 50dBZ 時 A 類的 N_w 値大於 2.5×10⁴, B 類値 小於 5.5×10³, 而 A 類係數 A 値小於 160, B 類係 數 A 大於 340, 因此,在本研究中的最大降雨率 個案的情形較接近前人研究的對流性降雨,但實 際的降雨型態與雲物理過程,有待更進一步的探 討。由於 35dBZ 以上傳統都定義爲對流性降水, 本文提出即使在較強回波對流性降水情況下,亦 可分出 A 類跟 B 類雲物理結構粒徑分布很大的差 異。

由於之前所討論的雨滴譜參數分布,為在相同的回波強度下,最大降雨及最小降雨的情況,因此,在參數分布特性上均可以有明顯的兩個集團,但是考慮在一連續的降水事件中,雨滴譜特性的演變,因此針對梅雨個案2002年5月31日0600-0800 UTC,及納莉颱風個案2001年9月17日0100-0300 UTC 連續時間的雨滴譜參數變化做分析。

圖 17 為 2002 年 5 月 31 日梅雨個案 0600-0800UTC 連續降雨之雨滴譜參數分布情 況,正方形為A類,三角形為B類,線條為梅雨 個案 0600-0800UTC,圖中顯示個案連續時間的 參數分布,從起始時間 0600UTC 到終了時間 0800UTC,會在A類及B類間無規則性的遊走, 在降雨率大時,其分布可能會較靠近A類,降雨 率小時,分布情況會較靠近B類,其他的就介於 A類與B類之間。而納莉颱風個案也有相同的情 形。

因此藉由偏極化雷達觀測雨滴譜參數是將來 需要進行的工作,由偏極化雷達觀測所得的差異 反射因子(Z_{DR})及水平方向的回波(Z_{HH}),求得雨 滴譜參數 $\mu \cdot \Lambda \cdot D_0 及 N_w$,以決定當時的雨滴 粒徑分布型態,進一步選用適當的 Z-R 公式估計 降雨。

四、Z-R 公式估計降水之驗證

此部分所使用的雷達資料,爲氣象局五分山 雷達站的 WSR-88D 都卜勒雷達資料,由於五分 山雷達站位於海拔約760公尺高的地方,加上其 掃描策略的最低仰角約 0.5 度,而中央大學的雨 滴譜儀位於五分山雷達站的 259 度方位角,距離 約 60.5 公里,因此最低的波束在中央大學的上方 約1.75公里,表示五分山雷達站所提供中央大學 的回波強度 Z_{Radar} 資料最低約 1.75 公里高。為了 考慮回波強度 Z_{Radar} 水平平移所造成的誤差,利 用張(2002)研究中的處理方法,將中央大學上方 的回波強度作9點平均,如圖18,左右及上下個 取1公里,共9個點直接平均取其回波強度。而 張(2002)的研究當中指出,在納莉颱風的個案 中,雷達觀測之回波強度Z_{Radar},相對於雨滴粒 徑分布計算的回波強度 Z_d ,會有低估的情形產 生。

接著針對 2001 及 2002 年的梅雨季與颱風 季,將其 Z-R 公式透過回波分級的方式來做平 均,其結果分別如表四及表五,共分為五個區間, 分別為 10~20dBZ、20~30dBZ、30~40dBZ、 40~50dBZ及 50dBZ以上,而在各回波強度區間, 均有一組平均後的 Z-R 公式,利用五分山雷達站 的回波強度 Z_{Radar} 資料來估計降雨率,在不同回 波區間的範圍內,使用不同的 Z-R 公式估計降

(1:1)	(1:2) (1:3)
(2:1) 1km	(2:2) (2:3)
	中央大學兩滴譜儀
(3:1)	(3:2) (3:3)

圖 18 平均中央大學上方,由中央氣象局五分山雷達 站觀測之回波強度的9個點。(摘自張(2002)) 表四 梅雨季依回波強度分級之 Z-R 關係式。

$R (mm hr^{-1})$	А	b	N(筆)
0~10	266.6	1.2259	323
10~30	297.3	1.2596	53
30~60	280.2	1.3519	11
60以上	259.1	1.4101	2

表五 颱風季依回波強度分級之 Z-R 關係式。

$R (mm hr^{-1})$	А	b	N(筆)
0~10	294.8	1.2669	347
10~30	287.1	1.2940	127
30~60	262.9	1.3386	39
60以上	164.5	1.4178	3

雨,比較在直接利用雷達觀測回波與將回波修正 3.0dBZ後,其估計的降雨率與地面觀測站的降雨 率的差異。

爲了證明修正後的回波帶入回波分級後的 Z-R 公式計算的降雨量有較好的結果,因此在空 間上取一個範圍,由25.02°N到25.17°N和由121.4 ℃到121.7℃,將範圍內的測站降雨量、不修正回 波以回波分級後的Z-R 公式及Z=300R^{1.4}、修正 回波以回波分級後的Z-R 公式所計算的降雨量, 比較共四種結果,如表六,可以看到修正回波以 回波強度分級後之 Z-R 公式所計算的結果明顯比 其他兩個好很多。

除了使用回波強度分級 Z-R 公式,另外也針 對降雨率做 Z-R 公式的分級,共分四個區間,分 別為 0~10 mm hr⁻¹、10~30 mm hr⁻¹、30~60 mm hr⁻¹、60 mm hr⁻¹以上,分別如表一及表二,在每 一個降雨區間範圍,均有一個平均的 Z-R 公式, 而這個部分使用地面測站所觀測到的降雨率,來 決定使用哪個降雨區間的 Z-R 公式,由於地面測 站分散在各地,因此針對相同範圍由 25.02°N 到 25.17°N 和由 121.4°E 到 121.7°E 分成四等份,如 圖 19,再分別將各區的地面測站所觀測之降雨率 取其平均值,進而選取降雨率分級後的 Z-R 公式 估計降雨,同樣的將範圍內的測站降雨量、不修



圖 19 降雨率分級後之 Z-R 公式使用區域的劃分。

表六 2001 年 9 月 16 日,14:00 到 18:00 (UTC)每一小時共四個小時的地面測站平均降雨量, 及雷達估計之降雨量(使用回波強度分級後之 Z-R 公式)。

時 (2001.09.16)	測 站	回波分級之 Z-R 關係式 (不修正回波)	回波分級之 Z-R 關係式 (修正回波)	Z=300 R ^{1.4} (不修正回波)
1400~1500	33.50 mm	13.30 mm	22.55 mm	11.12 mm
1500~1600	42.91 mm	15.62 mm	26.42 mm	12.92 mm
1600~1700	56.59 mm	27.69 mm	46.61 mm	21.01 mm
1700~1800	18.06 mm	10.63 mm	18.03 mm	8.81 mm

正回波以回波分級後的 Z-R 公式及 Z=300R^{1.4}、修正回波以回波分級後的 Z-R 公式 所計算的降雨量,比較共四種結果,如表七,修 正回波以回波強度分級後之 Z-R 公式所計算的結 果也明顯比其他兩個好很多,而相較於回波強度 分級的結果,降雨率分級法在1600到1700 UTC 降雨最大時,有更佳的估算結果。

最後考慮到 Z-R 公式的多變性,在不同時間 會有不同的 Z-R 公式,因此,透過雨滴譜儀資料 的運算,得到每個時間的 Z-R 公式,再將各個時 間的雷達回波資料帶入當時的 Z-R 公式,以求得 降雨量,也針對相同範圍內由 25.02°N 到 25.17° N 和由 121.4°E 到 121.7°E 取其測站降雨量、不修 正回波以回波分級後的 Z-R 公式及 $Z = 300R^{1.4}$ 、修正回波以回波分級後的 Z-R 公式 所計算的降雨量,比較共四種結果,如表八,同 樣的,修正回波以回波強度分級後之 Z-R 公式所 計算的結果也明顯比其他兩個好很多,而使用 real-time 的 Z-R 公式估計降雨,在 1600 到 1700 UTC 降雨最大時,相對於回波強度分級與降雨率 分級之 Z-R 公式估計降雨,有更佳的結果。因此, 在未來偏極化雷達架設完成後,可由偏極化雷達 觀測大範圍空間分布的雨滴譜參數,進而可求得 空間分布的 Z-R 公式,以求得較精確的降雨估計。

另外在張(2002)年的研究提到在納莉颱風的 個案中,五分山雷達所觀測到的雷達回波強度, 會較雨滴譜儀計算得到之回波強度低估約 3.3 dBZ,因此,同樣利用五分山雷達針對納莉颱風 2001年9月16日1400UTC到1800UTC的觀測 資料做分析,其結果如圖20,可以發現五分山雷

表七 2001 年 9 月 16 日,14:00 到 18:00 (UTC)每一小時共四個小時的地面測站平均降雨量,及雷達 估計之降雨量(使用降雨率分級後之 Z-R 公式)。

時間 (2001.09.16)	測 站	降雨率分級之 Z-R 關係式 (不修正回波)	降雨率分級之 Z-R 關係式 (修正回波)	Z=300 R ^{1.4} (不修正回波)
1400~1500	33.50 mm	12.88 mm	22.22 mm	11.12 mm
1500~1600	42.91 mm	16.40 mm	28.28 mm	12.92 mm
1600~1700	56.59 mm	29.33 mm	50.59 mm	21.01 mm
1700~1800	18.06 mm	9.94 mm	17.15 mm	8.81 mm

表八 2001 年 9 月 16 日,14:00 到 18:00 (UTC)每一小時共四個小時的地面測站平均降雨量,及雷達 估計之降雨量(使用 real-time 之 Z-R 公式)。

時 (2001.09.16)	測 站	Real-Time 之 Z-R 關係式 (不修正回波)	Real-Time 之 Z-R 關係式 (修正回波)	Z=300 R ^{1.4} (不修正回波)
1400~1500	33.50 mm	12.82 mm	21.83 mm	11.12 mm
1500~1600	42.91 mm	18.16 mm	31.52 mm	12.92 mm
1600~1700	56.59 mm	31.15 mm	53.04 mm	21.01 mm
1700~1800	18.06 mm	12.20 mm	20.97 mm	8.81 mm

達所觀測到之回波強度相較於雨滴譜儀計算得到 之回波強度,有高估也有低估,同樣的將降雨率 小於 10 mm hr⁻¹ 的資料去除,平均的結果與張 (2002)的結果相似,五分山雷達所觀測到的回波 強度,會較雨滴譜儀計算得到之回波強度低估約 3.3 dBZ。另外,亦針對梅雨個案 2002 年 5 月 31 日 0600UTC 到 08000UTC,及 2002 年 6 月 11 日 1200UC 到 1400UTC 做相同的分析,如圖 21,同 樣的在降雨率小於 10 mm hr⁻¹時,五分山雷達觀 測之回波強度與雨滴譜儀計算得到之回波強度差 異性較大,因此,降雨率小於 10 mm hr⁻¹的資料 也去除,結果發現在梅雨個案中,五分山雷達所



圖 20 五分山雷達站觀測之回波強度及雨滴粒徑分布 計算之回波強度之差值,及其對應之雨滴譜儀 觀測之降雨率(納莉颱風2001年9月16日1400 到1800UTC)。



圖 21 五分山雷達站觀測之回波強度及雨滴粒徑分布 計算之回波強度之差值,及其對應之雨滴譜儀 觀測之降雨率(梅雨個案)。

觀測到的回波強度會較雨滴譜儀計算得到之回波 強度平均低估約 2.3 dBZ,低估的情況較納莉颱風 個案小。

以上降雨量的驗證均為面積累積雨量,當降 雨從雷達觀測的高度下降到地面時,因風速飄移 造成降水位置差異,但是降水面積相比於總驗算 面積差異非常小,對於面積雨量的驗證,影響很 低。因此平均的偏差主要是來自於雷達觀測高度 之回波値與雨滴譜所測量的回波値在垂直方向的 差異,此差異有二種來源,第一降水粒子從1.75 公里到達地面時,會經過數種雲物理過程的影 響,第二五分山雷達站觀測中大雨滴譜儀上空 時,有可能因地形部分擋造成回波能量偏低,但 本研究並無法將此二種作用分開,只能從統計上 看出高空的回波比地面估算的回波有系統的性的 偏低現象。

因此針對中央大學雷達與中大雨滴譜儀在 2003 年 6 月 13 日的梅雨個案資料做分析,為了 解回波強度在垂直方向的變化,選取當天 0.25 及 0.5 公里高度的雷達回波資料,並做了風速的修 正,結果如圖 22,圖中菱形為雨滴譜儀計算得到



圖 22 2003 年 6 月 18 日,00:06~01:48(GMT time)。 中大雷達回波値與中大站二維雨滴譜儀回波値 之比較。

之回波強度,方形與三角形分別為中大雷達 0.25 及 0.5 公里高度之回波強度,結果顯示在 00:36~01:06 這段期間,0.5 公里高度的回波值小 於 0.25 公里的回波值,而 0.25 公里高度的回波值 又小於地面雨滴譜儀計算之回波值。而 0.5 公里 與 0.25 公里的差值約 2dBZ,0.25 公里與地面差 值達 3dBZ,由於這兩站水平距離 500 公尺,差值 的結果偏大,有可能因爲測站附近地形回波濾除 的參數過強所造成。

整體上看來,由於五分山雷達站距離中央大 學雨滴譜儀的位置有 60.5 公里之遠,而所提供之 雷達回波資料高度最少也在中央大學上方 1.75 公 里處,因此,由於距離太遠或高山阻擋的因素, 使得雷達所觀測之回波強度會有低估的情形產 生,而且從表五、表六及表七的驗證結果發現, 在以不修正回波但以修正後的 Z-R 關係式,及以 修正回波也以修正後的 Z-R 關係式所求得的累積 雨量,均比以不修正回波以 Z = 300 R^{1.4} 所求得之 累積雨量準確,其中又以修正回波也以修正後的 Z-R 關係式所求得的累積雨量最為準確,因此, 使用回波強度透過 Z-R 關係式估計降水,雷達回 波的修正是相當重要的。

五、結論

在不同季節(梅雨季及颱風季)的雨滴譜特 性確有明顯差異,因此應該透過不同季節區分雨 滴粒徑分布的型態 採用適當公式。結果顯示颱風 季節 40dBZ 以上應調整 Z-R 公式降低 A 值,建 議是以表 5 每 10dBZ 更換 Z-R 公式 A、b 係數值。 比較梅雨季、颱風季較強回波時,颱風降水系統 有較多個數的雨滴,而梅雨季相對來說雨滴數略 少,而擁有較大的最大雨滴,形成的原因仍需進 一步探討,但研究中仍有一個單一的梅雨個案有 和颱風十分類似的特性,因此應該繼續蒐集資料 進行更多的統計。

而 Normalize Gamma DSD 的參數 N_w ,比 Gamma 參數 N_0 較具物理意義,可直接反應粒子 總數,在討論上較為方便。並可以透過 $N_w \times D_0$ 及 μ 直接調整 Z-R 公式,本文提出在相同回波 強度情況下,分析不同降雨強度 $N_w \times D_0$ 兩參 數,強降雨與弱降雨的雨滴粒徑分布型態有很大 的差異性。在相同的降雨率下,A類的 D_0 會比 B 類小,至於 N_w ,A類 N_w 值會比 B類大上一個數 量級,由於 N_w 為控制雨滴個數的參數,因此, A類的雨滴個數較 B類多,故可以推論在相同的 回波強度下,其降雨率的變化主要是受到雨滴個 數多寡的影響,而雨滴形狀的大小影響較小。

但在連續時間的降雨,其雨滴粒徑一直在變動, 不會維持在某一種型態,因此由季節分類統計公 式仍有誤差,需要透過偏極化雷達觀測雨滴譜參 數,來決定雨滴粒徑分布隨時間的空間分布型 態,以點對點偏極化參數的公式估計降雨。但在 尙無偏極化雷達觀測地區本文仍提出利用雨滴譜 配合傳統雷達改善降雨估計的方法。如採取即時 之 Z-R 關係式並利用雨滴譜統修正回波來估計降 雨率, 誤差可由單一公式 70%改進為 25%。

傳統雷達僅能觀測到 Z,雨滴譜儀可以觀測 D₀,但又只是單點的觀測,如採用偏極化雷達, 則雷達參數本身可以反演雨滴譜,也不需要用分 類的方式來校驗 Z-R 公式。本文的目的是為了要 突顯降水系統中,因雨滴粒徑分布的不同,造成 Z-R 公式的變異,及提供雲物理研究作爲參考。

致 謝

感謝中央氣象局提供雷達與地面測站資料, 以及國科會專題研究計畫NSC92-2625-Z-008-015 的支援下完成。

參考文獻:

張偉裕,2002:利用雨滴譜儀分析雨滴粒徑分 布(納莉颱風個案),國立中央大學碩士論文, 95頁。

- Bringi, V.N. and V. Chandrasekar, 2001 : Polarimetric Doppler weather radar. Principles and application. Cambridge Univ. Press, Cambridge, 636 p
- Huggel, A., W. Schmid, and A. Waldvogel, 1996 :Raindrop size distributions and the radar bright band. *J. Appl. Meteor.*, 35, 1688-1701
- Kozu, T., and K. Nakamura, 1991 : Rainfall parameter estimation from dual-radar measurements combining reflectivity profile and path-integrated attenuation. J. Atmos. Oceanic Technol., 8, 59-271
- Maki, M., T. D. Keenan, Y. Sasaki, and K. Nakamura, 2001 : Characteristics of the Raindrop Size Distribution in Tropical Continental Squall Lines Observed in Darwin, Australia. J. Appl. Meteor., 40, 1393-1412
- Tokay, A., and D. A. Short, 1996 : Evidence from Topical Raindrop Spectra of the Origin of Rain from Stratiform versus Convection clouds. J. Appl. Metero. Sci., 35, 355-371

- Ulbrich, C. W., and D. Atlas, 1983 : Nature Variations in the Analytical Form of the Raindrop Size Distribution. J. Climate Appl. Meteor., 22, 1764-1774
- Ulbrich, C. W., and D. Atlas, 1984 : Assessment of the contribution of differential polarization to improved rainfall measurements. *Radio Sci.*, 19, 49-57
- Willis,P.T., 1984:Functional fit of some observed drop size distributions and parameterization of rain. J.Atmos. Sci., 41,1648-1661
- Zhang, G., J. Vivekanandan, and E. Brandes, 2001 : A Method for Estimating Rain Rate and Drop Size Distribution from Polarimetric Radar Measurements. *IEEE Trans. Geosci. Remote Sens.*, 39, 830-841

Characteristics of the Raindrop Size Distribution in Northern Taiwan from the 2-D Video Disdrometer Data Analysis

Wei-Jhong Lin TaiChi Chen Wang

Institute of Atmospheric Physics, National Central University

(Manuscript received 18 September 2006; in final form 26 March 2007)

ABSTRACT

The Characteristics of Drop Size Distribution (DSD) is of vital importance to the calculation of radar reflectivity, rainfall rate, and liquid water content. There is also a long tradition to study the precipitation processes through the DSD analysis. In this paper the DSD data sets collected by a 2-D Video disdrometer from 2001 to 2002 were analyzed according to the different classification. The results show that there is obvious difference in DSD between Mei-Yu season and typhoon season. The normalized DSD parameters were also studied for two extreme types of DSD with the same reflectivity. The first type exhibits larger total concentration, smaller median diameter and the heaviest rainfall. As a strong contrast, the second type has less total concentration, bigger median diameter and smallest rainfall. The evolution of DSD during the whole life cycle of a precipitation system in Mei-Yu season was also illustrated.

Key words : Drop Size Distribution, Disdrometer, Rainfall rate