

# 厚度變化理論簡介

A Brief Introduction to Theory of Thickness Chart

鄭俠節譯自 SSG OZR 2524-202B

## 一、前言

厚度型態或溫度場之合理處理，基本上已考慮熱力因素對預報之影響，茲假定  $h$  為兩定壓面間厚度

$$h = \int_p^{p_0} \frac{RT}{p} dp = R \int_p^{p_0} T d \ln p$$

$$\text{而 } \frac{\partial h}{\partial t} = R \int_p^{p_0} \frac{\partial T}{\partial t} d \log p \quad \dots \dots \dots (1)$$

度，可見  $h$  之隨時間變化是由溫度隨時間變化引起的，茲再視溫度的局部變化為

$$\frac{\partial T}{\partial t} = \frac{dT}{dt} - u \frac{\partial T}{\partial x} - v \frac{\partial T}{\partial y} - \frac{dp}{dt} \frac{\partial T}{\partial p} \quad (2)$$

以上  $\frac{dp}{dt}$  一項，根據 Brunt 氏推求為

$$\frac{dT}{dt} = \frac{1}{cp} \frac{dq}{dt} + \frac{r}{gp} \frac{dp}{dt} \quad \dots \dots \dots (3)$$

此式說明溫度變化與熵及氣壓變化有關，綜合(1)(2)(3)三式，得

$$\begin{aligned} \frac{\partial h}{\partial t} &= R \int_p^{p_0} \left[ - \left( u \frac{\partial T}{\partial t} + v \frac{\partial T}{\partial y} \right) \right. \\ &\quad \left. + \frac{dp}{dt} \left( \frac{r}{gp} - \frac{\partial T}{\partial p} \right) + \frac{1}{cp} \frac{dq}{dt} \right] d \log p \end{aligned} \quad \dots \dots \dots (4)$$

(4)式已經導出一種觀念，即高度變化是由平流，動力及非絕熱三項因素造成，令平流為  $\Delta$ ，動力作用為  $D$ ，非絕熱作用為  $N$ ，則厚度變化顯然為

$$\frac{\partial h}{\partial t} = \Delta + D + N$$

## 二、平流項討論

平流項在(4)式中為

$$\begin{aligned} \Delta &= -R \int_p^{p_0} \left( u \frac{\partial T}{\partial x} - v \frac{\partial T}{\partial y} \right) d \log p \\ &= - \left( U_m \frac{\partial}{\partial x} + V_m \frac{\partial}{\partial y} \right) h \end{aligned}$$

換成向量表示，更易令人明瞭平流即

$$\Delta = \nabla \cdot \nabla h$$

換言之，所謂平流，即是風  $\nabla$  吹送厚度梯度  $\nabla h$  移動之意，厚度梯度既經分析，吾人以地轉風來平流，即可獲得未來動向，但  $\nabla$  的選擇，為此節關鍵，在實際作業中，

$$\nabla = \nabla_{og} + \nabla_{tg} + \nabla_{ag}$$

$\nabla_{og}$  = 1000mb 地轉風

$\nabla_{tg}$  = 厚度層地轉風，採用 1000—500mb 間厚度

$\nabla_{ag}$  = 與地轉風偏差值，由摩擦等因素而起

以上三種被分解的分量中，以 1000mb 風推動厚度梯度移動一項最重要，認為是迄今最重要的因素。

第二項分量  $\nabla_{tg} \cdot \nabla h$  取自熱力風場地轉風，視大氣層係何種模式構成而定，換言之，以 Hodograph 圖上 1000 到 500mb 間風向速變化情況而定，如果熱力風風向一致，即說明熱力風無影響，可以不計，

關於熱力風之計算，吾人着眼於 1000—500 mb 間變化，對於緊鄰兩層間變化，以後將有更精密分析，此處暫不討論。

第三部份為非地轉風平流，以其為量甚少，不予計算。

[目前吾人採用 500mb 風平流，係假定大氣為正壓模式，認定 500mb 之風已可代表厚度層及地面風——譯者]

綜上所述，厚度梯度之平流，可由地面地轉風決定，可知低層平流效應非常顯著，事實上亦然，目前所採用之界面及氣團分析預報方法即植基於一種事實：即變性氣團之移動，常引起厚度之大規模變化，平流效應之重要性由此可見。

## 三、動力項之討論

動力一詞，係指動力加熱及冷卻，換言之，亦即絕熱壓縮及膨脹所引起之溫度變化，上式中

$$D = R \int_p^{p_0} \left( \frac{r}{gp} - \frac{\partial T}{\partial p} \right) \frac{dp}{dt} \cdot d \log p$$

$\frac{dp}{dt}$  一項，吾人可以理解為上升或下沉，以  $\uparrow$  號表示下沉，以  $\downarrow$  號表示上升，在乾絕熱情況下，如果降溫率  $\frac{\partial T}{\partial p} < r$  ( $r$  為乾絕熱降溫率)，則上升空氣變薄，下降空氣增厚。如在濕絕熱情況下，上式中  $r$  以  $r_s$  代替，則為  $\frac{\partial T}{\partial p} > r_s$  (譯者按，事實證明空氣降溫率多在乾濕絕熱線之間)，上升反而增加厚度。

有關下沉增溫不乏明顯實例，彼德生氏且指出下沉增溫率為平均六小時，下沉 500mb，增溫 1°C (該項數字得自等壓溫度變化)，如此種程序繼續發展，常改變厚度型態，上升冷卻較下沉增溫不明顯，但若干分析指出確有乾且穩定空氣隨低層輻合強迫上升而冷卻。

至於濕空氣增溫增厚，尚乏分析實例證明，因深厚之潮濕而不穩定空氣上升，早期即瓦解為若干對流細胞，而在廣大降水區之雲層中，降溫率又異常穩定，對流雨之雲層外，空氣又乾燥，因此，吾人可以結論，在任何上升區，500mb 以下厚度減少是常見的。

## 四、非絕熱加熱程序

由於大氣層內總熱量不變，故輻射平衡程序常使高低緯度間平流熱量交換結果得以平衡，由此可知非絕熱冷卻與加熱程序對處理整個熱量平衡十分重要，但此並非謂對處理大致已平衡之小規模對流性環流亦重要。通常吾人應着眼於大規模活動，我人認為至少在中緯度，天氣圖上繪出之環流型態可以代表大氣環流大概形勢，因此，作厚度趨勢預報時，非絕熱程序就必須鄭重考慮，不得等閒視之。

(上接第十八頁)



圖四

若干分析實例證明，冷空氣有時移動至較暖地帶，純因下沉作用而加暖，暖空氣向北移動，則因上升而冷卻，此種事實果然重要，但極地氣團可以循氣旋式環流穿過中緯地帶至低緯度而無下沉現象，相反暖空氣在冬天亦可以不需要輻合作用而向極移進或登上陸地，此中亦有厚度線移動跡象，且可每日追蹤，足證非絕熱程序重要。

一般認為輻射程序較慢，但事實上短時預報有時亦受其影響，每日輻射所引起的冷卻估計為 1°C—3°C，而 3°C 表示厚度變化 200 呎，在 1000—500mb 厚度層內，200 呎可影響到地面氣壓 7mb 之多，如非在高度活動區，這種變化不能不算具有控制力。

吾人無法以數學方法處理對流性熱量交換，在對流區，地面獲得熱量很快向整個對流區傳遞，此對流區如與極地空氣粗略比較，其發展高度相當於後者之對流層頂，此種缺點，是輻射程序預測之困難處。

## 五、結論

目前我人所採用之長期預報方法中，以圖解預報法較客觀，而圖解預報法限於一定之大氣模式，即所謂正壓模式，在實際應用上，常發生若干誤差，厚度趨勢方程之應用，應可對目前我人預報工作作更深一層之發展，本文僅介紹理論，未涉及實際作業方案，但以譯者粗疏思考，除平流外，其他動力及非絕熱程序對厚度變化修正，可以從若干資料中獲得暗示，如我人以預報之  $\Delta z$  校驗實際之  $\Delta z$ ，或者可獲得平流途徑中垂直運動之大慨。